

رسالة لك عزيزي الطالب/ة : “ عندما لا تجد الطريق المؤدي إلى النجاح سيكون عليك أن تبتكره ”

السؤال الاول : ضع دائرة حول الإجابة الصحيحة ؟ (47 علامة)

1 إذا كان $f(x) = \sqrt{7x - 3}$, فإن قيمة $f'(1)$ تساوي ؟

- A $\frac{7}{4}$ B $\frac{4}{7}$ C $-\frac{7}{4}$ D $-\frac{4}{7}$

2 إذا كان $f(x) = 2\sqrt{x}$, فإن قيمة $f'(4)$ تساوي ؟

- A $\frac{1}{2}$ B $-\frac{1}{2}$ C -1 D 1

3 إذا كان $f(x) = x^2 - (x - 2)^3$, فإن قيمة $f'(1)$ تساوي ؟

- A 1 B -5 C -1 D 5

4 إذا كان $f(x) = 2b^3$, فإن قيمة $f'(x)$ تساوي ؟

- A $6b^2$ B $6b$ C $2b^3$ D 0

5 إذا كان $y = 4x - \frac{3}{x}$, فإن قيمة $\frac{dy}{dx}$ تساوي ؟

- A $4 - \frac{3}{x^2}$ B $4 + \frac{3}{x}$ C $4 - \frac{3}{x}$ D $4 + \frac{3}{x^2}$

● إذا علمت أن f, g قابلين للأشتقاق , وكان $f(-1) = 1$, $f'(-1) = -2$, $g(-1) = -5$, $g'(-1) = 2$,
أجب عما يلي (6,7,8) ؟

6 $(f + g)'(-1)$

- A -4 B 0 C 4 D 1

7 $(f - g)'(-1)$

- A 4 B -4 C 0 D 1

8 $(2f + 3g)'(-1)$

- A 10 B -10 C 2 D -2

● إذا كان $g(2) = -3$, $g'(2) = 6$, $h(3) = 2$, $h'(3) = -2$ أجب عما يلي (9,10,11) ؟
 9 $(goh)'(3)$

- (A) 6 (B) 4 (C) 12 (D) -12

10 $f(x) = g(h(x))$

- (A) 6 (B) 4 (C) 12 (D) -12

11 $f(x) = 2(h(x))^3$ عند $x=3$

- (A) -48 (B) -96 (C) -24 (D) 96

12 إذا كان f, g قابلين للأشتقاق , وكان $f(1) = -2$, $g(1) = 2$, $f'(1) = 3$, $g'(1) = -1$

فما قيمة $(\frac{f}{g})'(1)$ ؟

- (A) -1 (B) 1 (C) 4 (D) -4

13 إذا كان f, g قابلين للأشتقاق , وكان $f(4) = 2$, $g(4) = -2$, $f'(4) = 1$, $g'(4) = -\frac{1}{2}$

فما قيمة $(fg)'(4)$ ؟

- (A) -3 (B) 3 (C) $-\frac{1}{2}$ (D) 1

14 إذا كان $f(x)$ قابلين للأشتقاق , حيث $f(2) = 2$, $f'(2) = -4$ جد قيمة $(\frac{4}{f})'(2)$ عند $x=2$ ؟

- (A) 16 (B) 4 (C) 1 (D) -4

15 إذا كان $h(x) = x^3 f(x)$ وكان $f(2) = 8$, $f'(2) = 3$ فما قيمة $h'(2)$ ؟

- (A) 120 (B) 100 (C) 64 (D) 36

16 إذا كان $f(x) = ax^2 + 5x + 7$ وكان $f'(1) = 3$ فما قيمة الثابت a ؟

- (A) 1 (B) -1 (C) 4 (D) -4

17 إذا كان $f(x) = (x^2 - 1)(x^2 + 1)$ وكان , فإن قيمة $f'(-1)$ هي ؟

- (A) 3 (B) -3 (C) 4 (D) -4

18 إذا كان $g(x) = \frac{8}{x-1}$, $x \neq 1$ وكان , فإن قيمة $g'(3)$ هي ؟

- (A) 4 (B) -4 (C) 2 (D) -2

19 إذا كان $f(x) = \frac{x}{2x+5}$ وكان ، فإن قيمة $f'(x)$ هي ؟

A $\frac{5}{(2x+5)^2}$

B $\frac{-5}{(2x+5)^2}$

C $\frac{1}{(2x+5)^2}$

D $\frac{-1}{(2x+5)^2}$

20 إذا كان $f(x) = \frac{-9}{x}$ وكان ، فإن قيمة $f'(3)$ هي ؟

A -1

B -3

C 1

D 3

21 إذا كان $f(x) = \frac{3x}{x+2}$ وكان ، فإن قيمة $f'(1)$ هي ؟

A $\frac{2}{3}$

B $\frac{3}{2}$

C 0

D $-\frac{3}{2}$

22 سكان : يمثل عدد سكان بلدة صغيرة بالإقتران $p(t) = \frac{700}{t^2+1}$ حيث t عدد السنوات ، p عدد السكان بالآلاف

أوجد معدل تغير عدد السكان في البلدة بالنسبة إلى الزمن t ؟

A $\frac{700t}{(t^2+1)^2}$

B $\frac{1400t}{(t^2+1)^2}$

C $\frac{-700t}{(t^2+1)^2}$

D $\frac{-1400t}{(t^2+1)^2}$

23 إذا كان $y = \ln(u+1)$ ، $u = e^x$ جد $\frac{dy}{dx}$ ؟

A $\frac{1}{e^x+1}$

B $\frac{e^x}{e^x+1}$

C e^x+1

D $\frac{e^x}{1-e^x}$

24 إذا كان $f(x) = e^{3x}$ ، فإن $f'(x)$ تساوي ؟

A e^{3x}

B $3e^x$

C $3e^{3x}$

D $3e$

25 إذا كان $f(x) = e^{2-4x}$ ، فإن $f'(x)$ تساوي ؟

A $-4e^{2-4x}$

B $-4e^{4x}$

C e^{-4}

D $4e^{2-4x}$

26 إذا كان $f(x) = e^3 - 3x^2$ ، فإن $f'(1)$ تساوي ؟

A -3

B 3

C -6

D 6

27 إذا كان $f(x) = \frac{e^x}{1+e^x}$ ، فإن $f'(x)$ تساوي ؟

A $\frac{e^x}{1+e^x}$

B $\frac{e^{2x}}{(1+e^x)^2}$

C $\frac{e^x}{(1+e^x)^2}$

D $\frac{-e^{2x}}{(1+e^x)^2}$

28 إذا كان $f(x) = \frac{\ln x}{x}$, فإن قيمة $f'(e^3)$ هي ؟

- A $\frac{2}{e^6}$ B $\frac{-2}{e^6}$ C $\frac{1}{e^3}$ D $\frac{-1}{e^6}$

29 إذا كان $f(x) = \ln(\sqrt{x})$ وكان $f'(x)$ قيمة هي ؟

- A $\frac{1}{2x}$ B $2x$ C $\frac{-1}{2x}$ D $-2x$

30 إذا كان $f(x) = \ln x^4$ وكان $f'(4)$ قيمة هي ؟

- A 1 B -4 C -1 D 4

31 ذاكرة : يستعمل الإقتران $m(t) = t \ln t - 3$ حيث $0 < t \leq 4$ لقياس حرارة قدرة الأطفال على التذكر حيث (m) مقياس 1 إلى 7 , و (t) عمر الطفل بالسنوات أوجد معدل تغير الأطفال على التذكر عندما $t = 4$ ؟ حيث $\ln 4 = 1,39$

- A 1,39 B 2,39 C 3,39 D 4,39

32 إذا كان $f(x) = \sqrt{x} + \ln 2x$ جد $f'(4)$ ؟

- A $\frac{3}{4}$ B $\frac{4}{3}$ C $\frac{-4}{3}$ D $\frac{-3}{4}$

33 إذا كان $f(x) = \ln(x^2 - 3x + 1)$ جد $f'(1)$ ؟

- A -1 B 1 C $\frac{-1}{3}$ D $\frac{1}{3}$

34 إذا كان $f(x) = \sin 4x$ فإن $f'(x)$ تساوي ؟

- A $4 \cos 4x$ B $\cos 4x$ C $-\cos 4x$ D $-4 \cos 4x$

35 إذا كان $f(x) = \cos(x^2 + 1)$ فإن $f'(x)$ تساوي ؟

- A $-\sin(x^2 + 1)$ B $\sin(x^2 + 1)$ C $2x \sin(x^2 + 1)$ D $-2x \sin(x^2 + 1)$

36 إذا كان $f(x) = \sin^3 5x$ فإن $f'(x)$ تساوي ؟

- A $3 \sin^2 5x$ B $15 \sin^2 5x$ C $3 \sin^2 5x \cos 5x$ D $15 \sin^2 5x \cos 5x$

37 إذا كان $f(x) = \cos\left(\frac{1}{x}\right)$ فإن $f'(x)$ تساوي ؟

- A $-\sin\left(\frac{1}{x}\right)$ B $-\frac{1}{x^2} \sin\left(\frac{1}{x}\right)$ C $\sin\left(\frac{1}{x}\right)$ D $\frac{1}{x^2} \sin\left(\frac{1}{x}\right)$

38 إذا كان $f(x) = x \cos x$ فإن $f'(x)$ تساوي ؟

- A $\cos x - x \sin x$ B $\cos x + x \sin x$ C $\sin x - x \cos x$ D $\sin x$

39 إذا كان $f(x) = \sqrt{\sin 2x}$ فإن $f'(x)$ تساوي ؟

- A $\frac{2 \cos 2x}{\sqrt{\sin 2x}}$ B $\frac{\cos 2x}{\sqrt{\sin 2x}}$ C $\frac{-2 \cos 2x}{\sqrt{\cos 2x}}$ D $\frac{-\cos 2x}{\sqrt{\sin 2x}}$

40 إذا كان $f(x) = \ln(\sin x)$ فإن $f'(x)$ تساوي ؟

- A $\frac{\cos x}{\sin x}$ B $\frac{-\cos x}{\sin x}$ C $\frac{\sin x}{\cos x}$ D $\frac{-\sin x}{\cos x}$

41 إذا كان $f(x) = \cos^2 x + \sin^2 x$ فإن $f'(x)$ تساوي ؟

- A $2 \cos x + 2 \sin x$ B $-2 \cos x - 2 \sin x$ C 1 D 0

42 إذا كان $f(x) = \sin \pi$ فإن $f'(x)$ تساوي ؟

- A $\pi \cos \pi$ B 0 C $\sin \pi$ D $\pi \sin \pi$

43 إذا كان $f(x) = e^{\sin x}$ فإن $f'(x)$ تساوي ؟

- A $\cos x e^{\sin x}$ B $-\cos e^{\sin x}$ C $e^{\cos x}$ D $-e^{\cos x}$

44 إذا كان $f(x) = \sin x + \cos x$ فإن $f'(x)$ تساوي ؟


- A $\cos x + \sin x$ B $-\sin x - \cos x$ C $\cos x - \sin x$ D $\sin x$

45 إذا كان $f(x) = \cos(1 - 3x)$ جد $f'(x)$ ؟

- A $3 \sin(1 - 3x)$ B $-3 \sin(1 - 3x)$ C $\sin(1 - 3x)$ D $-\sin(1 - 3x)$

46 إذا كان $f(x) = \ln e^{\sin x}$ جد $f'(x)$ ؟

- A $\sin x$ B $\cos x$ C $-\sin x$ D $-\cos x$

47 عندما تكون من طلاب ((abu selawi)) فهذا يعني أنك طالب/ة؟ 

- A غسل B بتجنن C فخم D جميع ما ذكر يا كبير

السؤال الثاني : جد مشتقة كل مما يلي ؟ (13 علامة)

1 $f(x) = e^{x^2-3x} + (\cos 2x)^6$

2 $f(x) = x^3 \ln(5x)$

3 $f(x) = (4x - 3)^6 (7 - 2x)$

السؤال الثالث : جد $\frac{dy}{dx}$ عند قيمة x المعطاة ؟ (20 علامة)

1 $y = \sqrt[3]{x^2 + 7}$, $x = 1$

2 $y = u^2 - 3u + 1$, $u = x^3 + 1$, $x = 2$

3 $y = (x + 1)e^x$, $x = 0$

السؤال الرابع : إذا كان $f(x) = \frac{x}{\sqrt{2x-1}}$ جد قيمة x التي تجعل $f'(x) = 0$ ؟ (5 علامة)

السؤال الخامس : أوجد مشتقة $f(x) = x(4x - 3)^6(1 - 4x)^9$ ؟ (5 علامة)

السؤال السادس : (10 علامة)

1 إذا كان $f(x) = \frac{2x}{x+2} + \frac{6x}{x^2+7x+10}$ أثبت أن $f'(x) = \frac{2x}{x+2}$ ؟

2 إذا كان $f(x) = \ln\left(\frac{x+1}{x}\right)$ أثبت أن $f'(x) = \frac{-1}{x^2+x}$ ؟

3 إذا كان $y = \frac{7\ln x - x^3}{e^{3x}}$ أثبت أن $\frac{dy}{dx} = \frac{7}{e^3}$ عندما $x = 1$ ؟

4 إذا كان $y = \sqrt{2x+5}$ أثبت أن $\frac{dy}{dx} = \frac{1}{y}$ ؟

5 إذا كان $f(x) = \frac{1+\sin x}{\cos x}$ أثبت أن $f'(x) = \frac{1+\sin x}{\cos^2 x}$ ؟